

量子コンピュータ時代の プログラミングセミナー

～ブラックボックス最適化を活用した
攪拌機器の設計・運転条件最適化～



本日の予定

第一部

- 会社紹介
- Fixstars Amplify の紹介
- 組合せ最適化事例
- ワークショップ事前準備

第二部

- 組合せ最適化の基本
 - 数の分割ハンズオン

第三部

- ブラックボックス最適化とは
- FMQAの概要とフロー
- FMQAによる設計最適化ハンズオン
 - 問題の説明
 - FM
 - FMQA
- Amplify-BBOpt
- まとめ

質問は随時 Zoom の Q&A へお願いします

(株) Fixstars Amplify の紹介

- 組合せ最適化のための量子コンピューティングクラウドプラットフォーム「Fixstars Amplify」の提供

1,100 を超える企業、研究所、大学

1.1億 を超える実行回数 (Amplify AE)

- 2021年に設立 (株式会社フィックスターズからスピンアウト)
 - 代表取締役社長CEO：松田 佳希 (博士)
- 親会社 (株) フィックスターズ (東証P: 3687)
 - ソフトウェア高速化プロフェッショナル集団
 - 2017年 日本で初めてD-Wave Systems社と提携



量子技術とFixstars Amplify

量子・量子インスパイアード技術

1

量子コンピュータ

(量子ゲート方式)

- 古典汎用コンピュータの上位互換。量子ゲートを操作。エラー訂正機能の無いNISQ型実機がクラウド利用可能
- QAOAにより**組合せ最適化問題 (QUBO)** を取り扱うことが可能
- 演算規模：～数100ビット

1
量子
コンピュータ

IBM
Google
Rigetti
IonQ, ...

2

量子
アニーリング

D-Wave

3

その他の
イジングマシン

Fixstars Amplify
TOSHIBA, Fujitsu
NEC, HITACHI
DNP, ...

3

その他のイジングマシン

(量子インスパイアード技術)

- 半導体技術に基づくイジングマシン
- 二次の多変数多項式で表される目的関数の**組合せ最適化問題 (QUBO)** 専用マシン
- 統計物理学におけるイジング模型に由来。様々な実装により実現。
- 演算規模：
260,000+ビット (**Amplify AE**)

2

量子アニーリング (量子焼きなまし法式のイジングマシン)

- イジングマシンの一種。量子イジング模型を物理的に搭載したプロセッサで実現。
量子効果を物理的に調整し、自然計算により低エネルギー状態が出力
- **組合せ最適化問題 (QUBO)** を扱う専用マシン
- 演算規模：～数1,000ビット

最適化問題の分類

数理最適化問題

- 連続最適化問題
 - 決定変数が連続値 (実数など)
- 決定変数が離散値 (整数など)
 - 整数計画問題 (決定変数が整数)
 - 0-1整数計画問題 (決定変数が二値)

QUBO目的関数 (0-1整数二次計画問題)

$$f(\mathbf{q}) = \sum_{i < j} Q_{ij} q_i q_j + \sum_i Q_{ii} q_i$$

f : 目的関数

q : 決定変数

Q : 係数

量子アニーリング・イジングマシン

Quadratic 二次形

Unconstrained 制約条件なし

Binary 0-1整数 (二値)

Optimization 計画 (最適化)

$f(\mathbf{q})$ を最小化するような \mathbf{q} を求める

クラウドサービス : **Fixstars Amplify**

Fixstars Amplify とは

- **いつでも** 開発環境 と 実行環境 がセット
すぐにアプリ開発と実行が出来る
- **誰でも** ハードウェアや専門的な知識が不要
無料で開発がスタート可能
多くの解説、サンプルコード
- **高速に** 26万ビットクラスの大規模問題の
高速処理と高速実行が可能
- **あらゆる** 一般に公開されている全てのイジング
マシンを利用可能



The screenshot shows the Fixstars Amplify website. At the top, there's a navigation bar with links: デモ&チュートリアル, 製品紹介, リソース, セミナー, お客様事例, 会社紹介, スケジュール最適化. Below the navigation bar, a green banner reads: NEWS Amplify SDKバージョン1.0をリリースしました →. The main heading is: 量子コンピューティングプラットフォーム. Below the heading, a white box contains the command: \$ pip install amplify. A blue button says: 無料でアクセストークン入手. Below the button, a link says: ドキュメントを見る →. The bottom section has four columns with icons and text:

- シンプルで効率的なアプリ開発**: 複雑で専門性の高いプロセスを自動化し、効率的にイジングマシンを使うための学習コストを圧倒的に低くします。
- PoCから実問題まで**: 大規模問題の入力と高速実行が可能で、PoCや実問題を視野に入れたアプリケーション開発が行えます。
- 様々なマシン・ソルバーに対応**: 利用可能なすべての量子アニーリング・イジングマシンや数理最適化ソルバー、ゲート式量子コンピュータの組合せ最適化を解くアルゴリズムなど幅広くサポートしています。
- すぐに開発をスタート**: 開発環境と実行環境がセットで提供されるため、すぐに始めることができます。

Fixstars Amplify の対応マシンの一例

アニーリングエンジン



量子アニーリング・イジングマシン

Fixstars Amplify AE

標準マシン

GPUの優れた並列計算能力を最大限に活用し、複雑な組合せ最適化問題を高速・高精度に解く革新的なアニーリングエンジンです。



外部ソルバー連携

標準マシン

Fixstars Amplifyからご利用申し込み可能なマシンです。

<p>量子アニーリング・イジングマシン</p> <p>D-Wave The Quantum Computing Company</p> <p>標準マシン</p> <p>D-Wave Systems 2000Q / Advantage</p>	<p>量子アニーリング・イジングマシン</p> <p>TOSHIBA</p> <p>標準マシン</p> <p>東芝 デジタルソリューションズ SQEM+</p>	<p>量子アニーリング・イジングマシン</p> <p>FUJITSU</p> <p>標準マシン</p> <p>富士通 デジタルアニーラ</p>
---	---	--

BYOLマシン

自身の保有するライセンスを用いて Fixstars Amplifyを利用出来ます。

<p>量子アニーリング・イジングマシン</p> <p>HITACHI</p> <p>日立製作所 CMOSアニーリングマシン</p>	<p>数値最適化ソルバー</p> <p>GUROBI OPTIMIZATION</p> <p>Gurobi Gurobi Optimizer</p>	<p>ゲート式量子コンピュータ</p> <p>IBM</p> <p>IBM IBM Quantum</p>	<p>量子回路シミュレータ</p> <p></p> <p>Qulacs Qulacs</p>
--	---	--	--

標準マシン は、

- ベンダ各社と個別マシン利用契約なし、
- 評価・検証用ベーシックプランなら無料、

で利用可能！ ←「いつでも」、「誰でも」

今後も幅広い対応マシンの追加が続々と行われる予定です！ ←「あらゆる」

活用領域とユースケース（PoC・実稼働）

生産計画

- 多品種少量生産、保全計画、設備投資、在庫

従業員割り当て

- 食品、輸送、製造

エネマネ

- エネルギーミックス、装置の運転制御

経路

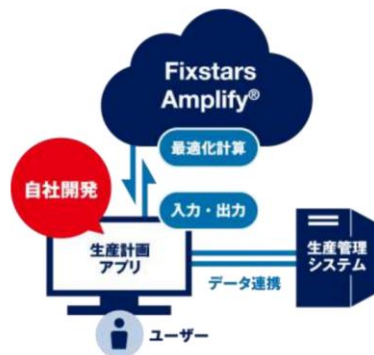
- 配送、船舶、無人搬送車（AVG）

メディア

- 最適広告配信

研究開発、設計

- 材料設計
- 物理シミュレーション
- ブラックボックス最適化



Amplify インタビュー

検索



アニーリングマシンの プログラミング体験

イジングマシンの実行手順

ハンズオンセミナーのメイントピック

1. 数理モデル検討

解きたい課題の「**目的関数**」「**決定変数**」とその「**制約条件**」を検討する

2. 定式化

「**多項式**」で「**目的関数**」と「**決定変数**」を記述 (変換) する
「**決定変数**」に対する「**制約条件**」を Amplify で表現する

3. モデル変換 (論理・物理)

各マシンの仕様や制限に準拠した形式にモデルを変換する
(例: 二次項に制約がある場合は「**グラフマイナー埋め込み**」問題を解く)

4. 入力データの準備

各マシンのSDKやAPI仕様に合わせてQUBO模型 (物理) をデータ化する

5. マシンの実行

マシンを実行して出力の変数値やエネルギー値(コスト値)を解析する
上記の逆の手順を**逆**に解きたい課題の「**決定変数**」を解釈する

Amplify SDK による
サポート

Amplifyの基本的な使用方法 (1)

- まずはインポート

```
# Install Amplify SDK to Google Colab
! pip install -q amplify

# Import all functions and classes
from amplify import *
```

- 使用するマシンを選択

```
# Fixstars Amplify AE
client = AmplifyAECClient ()

# Timeout 1s
client.parameters.time_limit_ms = 1000 #ms

# API token
client.token = "AE/XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX"
```

その他のクライアントを使用する場合は
ドキュメントを参照

<https://amplify.fixstars.com/ja/docs/amplify/v1/clients.html>

Amplifyの基本的な使用方法 (2)

- 目的関数の定式化 (多項式)

- バイナリ多項式の構築

```
# 決定変数生成器を作成
g = VariableGenerator()

# 長さ 2 の決定変数配列を作成
q = g.array("Binary", 2)
```

バイナリ変数 (“Binary”) だけでなく、イジング変数 (“Ising”) や、
整数変数 (“Integer”)、実数変数 (“Real”) も指定可能

- 式の構築

```
f = 2 * q[0] * q[1] + q[0] - q[1] + 1
print(f)

# 2 q_0 q_1 + q_0 - q_1 + 1
```

3次以上の高次多項式も可能。マシンが対応していない
場合は Amplify SDK が内部的に次数下げを行う

Amplifyの基本的な使用方法 (3)

- モデルの作成とマシンの実行

```
model = Model(f)
result = solve(model, client)
```

目的関数と制約条件からモデルを作成し
使用するクライアントと共に求解

- 結果の取得

```
print(f"objective = {result.best.objective}")
# objective = 0.0

print(f"q = {q.evaluate(result.best.values)}")
# q = [0. 1.]
```

最良解を `best` で指定
目的関数の値を `objective` にて
変数の値を `values` で得る

Amplify SDK によるプログラミング例

```
from amplify import *

# 決定変数を生成
g = VariableGenerator()
q = g.array("Binary", 2)

#目的関数を構築
f = 2 * q[0] * q[1] + q[0] - q[1] + 1

# Amplify モデルを構築
model = Model(f)

#ソルバーの設定
client = AmplifyAECClient()
client.parameters.time_limit_ms = 1000 #ms
client.token = "AE/XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXx"

# 求解の実行
result = solve(model, client)

# 結果の表示
print(f"objective = {result.best.objective}")
print(f"q = {q.evaluate(result.best.values)}")
```

1. 定式化

- 決定変数：スカラーあるいは配列型
- 目的関数：決定変数による数式処理
- 制約条件：制約条件の構築及び管理

2. ソルバークライアントの選択

- ソルバークライアントオブジェクトの構築
- ほぼ全てのパラメータの設定が可能

3. ソルバーを実行

- 論理モデルをハードウェアのスペック等に合わせたモデルに変換
- 適切なモデル変換・定式化手法を選択

4. 解の取得

- マシンの出力解を逆変換し決定変数の形式で出力

Fixstars Amplify ご利用プラン

料金のご紹介

<https://amplify.fixstars.com/ja/pricing>

	ベーシック 評価・検証用の無料プラン	スタンダード 実用レベルの計算環境	プレミアム 高性能な計算環境	Sプレミアム 最高性能の計算環境
	使い始める	見積りを依頼	見積りを依頼	見積りを依頼
利用料金	無料	月額10万円（1名） （税込11万円） 月額20万円（最大5名） （税込22万円）	月額20万円（1名） （税込22万円） 月額60万円（最大5名） （税込66万円）	月額30万円（1名） （税込33万円） 月額90万円（最大5名） （税込99万円）
計算環境	スモール	ミディアム	ラージ	スーパーラージ
D-Waveマシンの無料実行	3分/月	3分/月	3分/月	3分/月
SQBM+オプション	無料	月額30万円（1名） （税込33万円） 月額90万円（最大5名） （税込99万円）	月額30万円（1名） （税込33万円） 月額90万円（最大5名） （税込99万円）	月額30万円（1名） （税込33万円） 月額90万円（最大5名） （税込99万円）
サポート	ベーシック	スタンダード	プレミアム	プレミアム
評価・検証フェーズでの利用				
実運用フェーズでの利用				

開発支援サービス(個別見積り)

コンサル・システム開発等
数百万円～数千万円

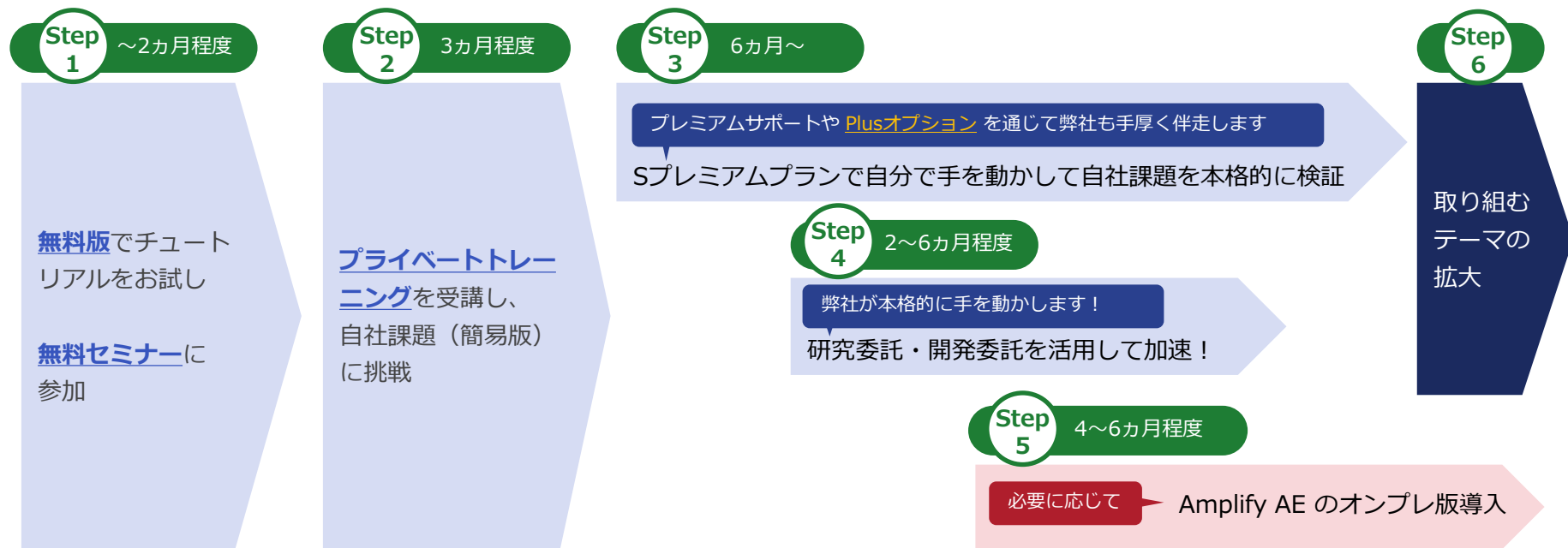


月額利用料
百万円～

定式化や実装を **手厚く** 支援します！

研究・開発者向けおすすめの進め方

二次・非線形を上手に使いこなせるように、**弊社と一緒に**取り組みを進めていきましょう！



セミナー・トレーニングのご紹介

<https://amplify.fixstars.com/ja/news/seminar>

お客様の実際の課題解決をご支援するために、**無料セミナー**や**有償トレーニング**を提供しています。

無料セミナー・ワークショップ

ビジネス向け、エンジニア向けに分けて開催しています！

ビジネス向け

製造業向け量子コンピュータ時代のDXセミナー

見える化、予測・分析、その先の最適化へ

組合せ最適化問題や量子アニーリング・イジングマシンの概要をご紹介したのち、製造業における組合せ最適化を活用したDX推進の一例として、生産計画最適化や生産ラインのシフト最適化などの事例とデモをご紹介します。「Fixstars Amplify」を通じて量子アニーリング・イジングマシンを活用することで、どのようなビジネス上の効果が期待できるのかを感じていただきたいと思います。

エンジニア向け

製造業向け量子コンピュータ時代のDXセミナー

最適化の中身を覗いてみよう

製造業における組合せ最適化を活用したDX推進の一例として、生産計画最適化、勤務シフト最適化などの事例を用いて、問題設定の考え方、目的関数や制約条件の定式化、実装のポイントなどを実際のコードを見ながら解説します。また、サンプルコードを用いて、ご自身の環境で実際に量子アニーリング・イジングマシンを動かす体験をしていただけます。

企業向けプライベートトレーニング

お客様が抱える実際の課題やデータを使った**カスタムメイド**のトレーニングです！

全4回のレクチャーとお客様に実施いただく「課題」を含む約1.5か月のコースです。コースの前半では、量子アニーリング・イジングマシン専用の開発／実行環境であるFixstars Amplifyを用いてPython言語による組合せ最適化アプリケーション開発方法を学びます。後半では、お客様が抱える実際の課題やデータを使ったトレーニングを実施します。量子アニーリング・イジングマシンを使って実課題の解決に取り組んでみたい方に最適なコースです。

第1回
3時間

…
1週間

第2回
3時間

課題
2週間

第3回
1.5時間

…
2週間

第4回
1.5時間

ワークショップ

事前準備（事前メールの内容）

ワークショップの事前準備 (1)

- 【事前メールに記載】ご自身のPC (ブラウザ上) で Python プログラミングを行います。Google Colaboratory を使うので、事前にログイン出来ることを確認をお願いします (要 Google アカウント) ユーザ登録の上、無料トークンの取得をお願いします (1分で終わります)

 検索

<https://colab.research.google.com/>

- 【事前メールに記載】 Fixstars Amplify ホームページより ユーザ登録の上、無料トークンの取得をお願いします (1分で終わります)

 検索

<https://amplify.fixstars.com/>

質問は随時ZoomのQ&Aへお願いします



ワークショップの事前準備 (2)

【事前メールに記載】

- 取得されたトークンを用いて、トークンチェック用サンプルコードが動くか確認をお願いします。

<https://colab.research.google.com/drive/1-Jh2nlhWO97OO96WgBwCSOQmP8BVA6-T> (※URLはZoomのチャット欄を参照)

- サンプルコードは閲覧のみ可能な状態です。「ファイル」→「ドライブにコピーを保存」の上、ご自身のトークンを入力してください。その後、Shift + Enterで実行下さい。

```
! pip install amplify
```

```
token = "AE/*****" # ご自身のトークンを入力
```

- ご自身のトークン番号は、Amplifyウェブページよりご確認いただけます。



- 実行後、以下の結果が出力されればOKです。

```
result: [q_0, q_1] = [1. 1.] (f = 0.0)
```



「数の分割問題」のハンズオン

通常の組合せ最適化
(ブラックボックス最適化への導入)



数の分割問題

- 与えられた n 個の整数 a_0, \dots, a_{n-1} を二つの集合に分ける。集合内の数の和が、もう一方の集合内の数の和と等しくなるようにできるか？

NP完全問題：とても難しい問題として知られている → 全通り試すしか方法は無い



数の分割問題（具体例と解法の方針）

具体例

{2, 10, 3, 8, 5, 7, 9, 5, 3, 2} の10個の数の完璧な分割は見つけられるか？

答 え

- 存在する
 - {2, 3, 5, 7, 10} と {2, 3, 5, 8, 9}
 - どちらも和は 27
- 分割方法は 23 通り存在する (対称を除く)

どうやって 解くか？

- ひとつの『数』がどちらの集合に分割されるか全通り試す $\rightarrow 2^{10} = 1024$ 通り
- 効率のよい厳密な方法は知られていない・・・
(もし発見されたら大騒ぎ)

数の分割問題（定式化）

最適化問題：数の分割において最も惜しい組合せは何か？

- 目的関数

{集合1の和} - {集合2の和} の絶対値を最小化

- 決定変数

数 a_i がどちらの集合に属するかを s_i で表す

- $a_i = \{ 2, 10, 3, 8, 5, 7, 9, 5, 3, 2 \}$

- $s_i = \{-1, 1, -1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, 1\}$

数理モデル

- 目的関数
$$f = \left| \sum_{i=0}^{N-1} s_i a_i \right| \quad (s_i \in \{-1, +1\})$$

$\sum s_i a_i$ は、自然と
{『1』の集合の和} - {『-1』の集合の和}
となる！

数の分割問題（バイナリへの式変形）

0-1整数二次計画問題への変換

- Quadratic Unconstrained Binary Optimization (QUBO) 式

$$f = \left| \sum_{i=0}^{N-1} s_i a_i \right| \quad (s_i \in \{-1, +1\})$$

$\sum s_i a_i$ は、自然と
『1』の集合の和 - 『-1』の集合の和
となる！

$$\rightarrow \left(\sum_{i=0}^{N-1} s_i a_i \right)^2 \quad (s_i \in \{-1, +1\})$$

絶対値を二次式で表す

$$\rightarrow \left(\sum_{i=0}^{N-1} (2q_i - 1) a_i \right)^2 \quad (q_i \in \{0, +1\})$$

± 1 をバイナリ変数で表す

数の分割問題（定式化の具体例）

問題

- $a_i = \{2, 10, 3, 8, 5, 7, 9, 5, 3, 2\}$ の10個の数の完璧な分割は見つけられるか？

決定変数

- $q_i = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6, q_7, q_8, q_9\} (q_i \in \{0, 1\})$ で集合0又は集合1、どちらに所属するかを表す

目的関数

$$f = \left(\sum_{i=1}^N (2q_i - 1)a_i \right)^2$$

目的関数を展開

$$f = \left(\begin{aligned} &2(2q_0 - 1) + 10(2q_1 - 1) + 3(2q_2 - 1) + 8(2q_3 - 1) + 5(2q_4 - 1) \\ &+ 7(2q_5 - 1) + 9(2q_6 - 1) + 5(2q_7 - 1) + 3(2q_8 - 1) + 2(2q_9 - 1) \end{aligned} \right)^2$$

数の分割問題（プログラムコード）

サンプルコード：

https://colab.research.google.com/drive/11vl2sHbtP_aaZHOTjsGYoGcw2dHhD1z

- 問題の定義と決定変数生成器による決定変数の生成

```
a = [2, 10, 3, 8, 5, 7, 9, 5, 3, 2]
q = amplify.VariableGenerator().array("Binary", len(a))
```

- 目的関数、 $f = (\sum_{i=1}^N (2q_i - 1)a_i)^2$ 、の定式化（①②③は同等）

1. 定式化

① `f = ((2 * q - 1) * a).sum() ** 2`

② `f = 0`
`for i in range(len(a)):`
 `f += (2 * q[i] - 1) * a[i]`
`f **= 2`

③ `f = amplify.sum((2 * q - 1) * a) ** 2`

色々な書き方が出来る

2. 実行

```
result = amplify.solve(f, client)
```

得られた目的関数の値0

各集合の合計値27

3. 結果

```
q = [1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0], f = 0.0, w = 27
```

各数字に対して、集合0か、集合1か

オンラインデモ & チュートリアル

Amplify デモ

検索

<https://amplify.fixstars.com/ja/demo>



デモアプリケーション

ビクロスパズルの求解

プログラミング難易度 ★★★★★

複雑な定式化の例として、数字で与えられるヒントを元にマスを通り、絵を完成させるパズルゲーム、ビクロスを解くアプリを開発します。

デモアプリ

サンプルコード



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (1)

プログラミング難易度 ★★★★★

複雑で未知な目的関数にも適用可能な、機械学習と組み合わせ最適化を組み合わせたブラックボックス最適化手法を紹介し、Amplifyを用いて実装します。

サンプルコード



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (2)

プログラミング難易度 ★★★★★

機械学習と量子アニーリング・インジマンを活用するブラックボックス最適化の適用例として、緑地の高温高圧電圧を実現する材料探索を取り扱います。

サンプルコード



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (3)

プログラミング難易度 ★★★★★

化学プラントにおける生産量を最大化するための運転条件最適化を行います。最適化には、機械学習モデルに基づくブラックボックス最適化と化学反応に関する物理シミュレーションを用います。

サンプルコード



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (4)

プログラミング難易度 ★★★★★

流体機器設計に不可欠な異型の最適化問題を取り上げます。最適化には、組み合わせ最適化及び機械学習に基づくブラックボックス最適化と流体シミュレーションを用い、異型の探索を行います。

サンプルコード



デモアプリケーション

容量制約つき運搬経路問題 (CVRP)

プログラミング難易度 ★★★★★

運送業における効率的な配達計画の策定やごみ収集や道路清掃における訪問順序の最適化等での応用が期待される容量制約つき運搬経路問題 (CVRP) を取り扱います。

デモアプリ

サンプルコード



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (5)

プログラミング難易度 ★★★★★

ブラックボックス最適化により、高層施設における交通条件が変化する都市において最適化を用いてリアルタイムに信号機の最適制御を実施します。また、その様な信号機制御を実施した際の都市の交通量をシミュレーションします。

サンプルコード



チュートリアル応用編

定式化による交通信号機の最適化

プログラミング難易度 ★★★★★

都市における渋滞を最小化するために、第一歩に変化する交通状況に応じ、組合せ最適化を用いてリアルタイムに信号機の最適制御を実施します。また、その様な信号機制御を実施した際の都市の交通量をシミュレーションします。

サンプルコード



チュートリアル応用編

10. 整数長ジョブスケジューリング問題

プログラミング難易度 ★★★★★

あらかじめ決まった数のジョブとマシンがあり、それぞれのジョブにかかる時間が分かっているとして、それぞれのジョブをいくつかのマシンに割り当てます。ジョブスケジューリング問題では、最も早く全ジョブが完了するような割り当て方を求めます。

サンプルコード



チュートリアル応用編

画像のノイズ除去

プログラミング難易度 ★★★★★

画像のノイズ除去を行うアプリケーションを開発します。

サンプルコード



チュートリアル応用編

会議室割当問題

プログラミング難易度 ★★★★★

制約条件を用いて定式化するアプリケーションの例として会議室割当問題のアプリケーションを開発します。

サンプルコード



チュートリアル応用編

タクシーマッチング問題

プログラミング難易度 ★★★★★

目的関数と制約条件を用いて定式化するアプリケーションの例としてタクシーマッチング問題のアプリケーションを開発します。

サンプルコード



デモアプリケーション

グラフ彩色問題

プログラミング難易度 ★★★★★

Fixstars Amplifyによる、グラフ彩色問題の定式化を体験します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション

巡回セールスマン問題

プログラミング難易度 ★★★★★

Fixstars Amplifyによる、巡回セールスマン問題の定式化を体験します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション

数独

プログラミング難易度 ★★★★★

Fixstars Amplifyによる、数独の定式化を体験します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション

ライドシェア

プログラミング難易度 ★★★★★

集合型ライドシェアの最適化アプリケーションを開発します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション

タスク割当問題

プログラミング難易度 ★★★★★

店舗とタスクに従業員を割り当てる組合せ最適化問題のアプリケーションを開発します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション

ポートフォリオ最適化

プログラミング難易度 ★★★★★

リスクとリターンを考慮した株式ポートフォリオの最適化アプリケーションを開発します。

デモアプリ

サンプルコード

組合せ最適化と ブラックボックス最適化

通常のコ合せ最適化とブラックボックス最適化

通常の数埋最適化

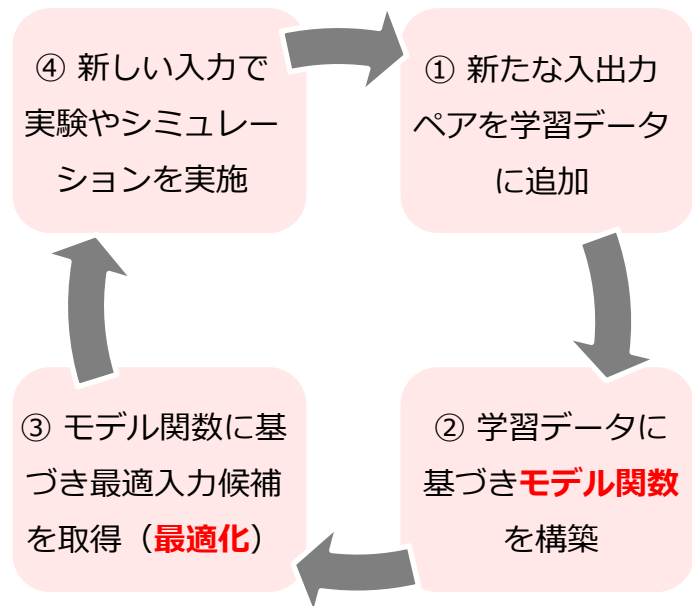
- **目的関数**を定式化（例：QUBO）
 - 数の分割（**差**の最小化）
$$f = [\Sigma(2q_i - 1)a_i]^2$$
 - 経路最適化（**経路距離**最小化）
$$f = \Sigma \Sigma \Sigma d_{i,j} q_{n,i} q_{n+1,j} \dots$$
- **最適化の実施**
 - イジングマシンにより、定式化された目的関数を最小化

ブラックボックス最適化（BBO）

- 直接の定式化が困難な**目的関数**
 - 低**損失**な流体デバイス形状？
 - 高**性能**な材料/構造トポロジー？
 - ターゲットに**近い**結果を実現する実験条件？
- **最適化の実施**
 - 実験やシミュレーションによる**試行錯誤**により定式化できない目的関数を最小化

ブラックボックス最適化のフロー

逐次最適化：最適化サイクルの実施



東大津田先生率いる研究グループ

FMQA

Kitai, et al., *Phys. Rev. Res.* (2020)

• **モデル関数** → FM

• **最適化** → QA

*Quadratic-optimization **Annealing**

FMQAの特徴：

- 高次元の最適化問題に強い！
⇔ 次元の呪い
- 制約条件にも強い！

モデル関数としての Factorization Machine (FM)

- モデル関数 $g(x)$ に機械学習モデルの一種である Factorization Machine (FM) を用いると、次のように変数 x に対する2次式での記述ができる。

$$\begin{aligned} g(x|\mathbf{w}, \mathbf{v}) &= w_0 + \langle \mathbf{w}, \mathbf{x} \rangle + \sum_{i=1}^n \sum_{j=i+1}^n \langle \mathbf{v}_i, \mathbf{v}_j \rangle x_i x_j \\ &= w_0 + \sum_{i=1}^n w_i x_i + \frac{1}{2} \sum_{f=1}^k \left(\left(\sum_{i=1}^n v_{if} x_i \right)^2 - \sum_{i=1}^n v_{if}^2 x_i^2 \right) \end{aligned} \quad \rightarrow \text{QUBO式}$$

- k はハイパーパラメータ、 \mathbf{w} 及び \mathbf{v} は FM 学習後に取得される FM パラメータ。
- FM パラメータ数は k に依存。 $k = n$ のときは QUBO の相互作用項と同じ自由度がある一方、 k を小さくすることでパラメータ数を減らし過学習を抑制する効果
- このようなブラックボックス最適化手法を **FMQA** と呼ぶ。

ブラックボックス最適化 活用例

材料分野に限らず、幅広い分野へ適用可能

QA-BBO: 活用例 (Amplify サンプルプログラム)

Amplify デモ

検索



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (2)

プログラミング難易度 ★★★★★

機械学習と量子アニーリング・イジングマシンを活用するブラックボックス最適化の適用例として、疑似的な高温超電導を実現する材料探索を取り扱います。

サンプルコード

材料最適化

FMQA

×

物理モデル



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (3)

プログラミング難易度 ★★★★★

化学プラントにおける生産量を最大化するための運転条件最適化を行います。最適化には、機械学習モデルに基づくブラックボックス最適化と化学反応に関する物理シミュレーションを用います。

サンプルコード

化学プラント
運転条件最適化

FMQA

×

化学シミュレーション



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (4)

プログラミング難易度 ★★★★★

流体機器設計に不可欠な翼型の最適化問題を取り上げます。最適化には、組み合わせ最適化及び機械学習に基づくブラックボックス最適化と流体シミュレーションを用い、翼の揚抗比を最大化するように翼型の探索を行います。

サンプルコード

翼形状最適化

FMQA

×

流体シミュレーション



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (5)

プログラミング難易度 ★★★★★

ブラックボックス最適化により、商業施設による交通集中が発生し得る都市における、交通渋滞を低減するような信号機群の最適制御を実施します。最適化の実施及び実証には、マルチ・エージェント・シミュレーションによる交通シミュレーションを用います。

サンプルコード

信号制御最適化

FMQA

×

マルチ・エージェント
・シミュレーション

ハンズオン



チュートリアル応用編

ブラックボックス最適化 (6)

プログラミング難易度 ★★★★★

ブラックボックス最適化により、攪拌性能に影響を与える設計パラメータに対して、混合効率が最大化されるような攪拌機の最適設計を実施します。最適化の実施および評価には、濃度分布に基づく簡易的な攪拌シミュレーションを用います。

サンプルコード

機器設計最適化

FMQA

×

攪拌シミュレーション

QA-BBO: 活用例 (Amplify ユーザー)

活用領域

化学、創薬、食品、自動車、電機、通信、重工、エネルギー、ヘルスケア・・・

非線形現象の
逆問題

機械学習：
コスト↓精度↑

設計開発に
おける部品選定

材料配合
最適化

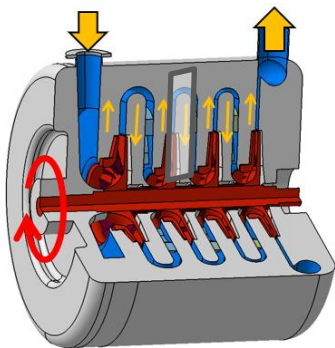
多目的
最適化

物理モデルの
簡略化

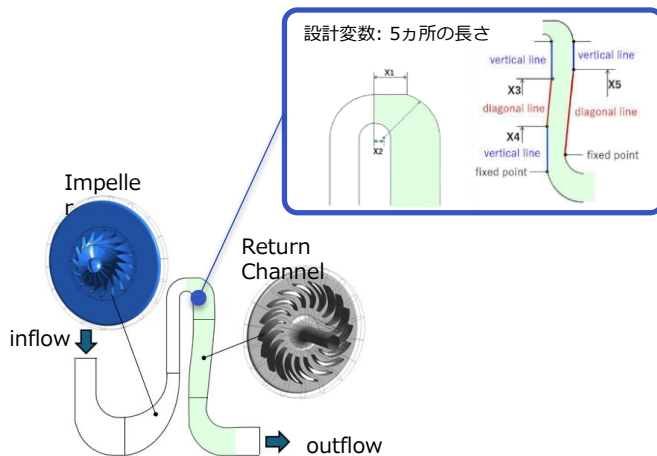
事例: ターボ機械の形状最適化 (川崎重工工業様)

- ターボ機械の開発では、従来より商用最適化ソフトによる遺伝的アルゴリズム (GA) を使用し形状最適化を行うことが多かったが、最適化規模が大きくなると最適解の求解までに時間がかかり、開発期間が長期化するといった課題があった
- 量子アニーリング・イジングマシンを活用した BBO により、従来手法と比べ、**同じ計算回数でもより優れた解が得られる**ことを確認。今後はさらに設計変数を増やしていく予定

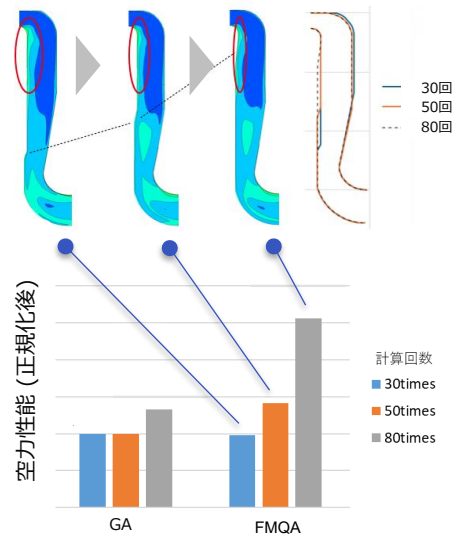
遠心圧縮機



流路形状を最適化したい
(圧縮機全体の空力性能 (ポリトロープ効率) の最大化)



最適化が進むごとに損失発生領域
が低減する形状へ



事例: 車両設計最適化 (マツダ様)

Amplify マツダ

検索

- 車体設計の複数車種同時最適化問題。実数変数200以上の大規模問題。
- **車体の軽量化と共通部品数の最大化の実現（衝突性能・製造制約などの制約を満たした上で）**
- 国内外研究グループ^{*1,2}により様々な手法が試されてきており、**1～3万回程度の試行**により、ある程度良い解が見つけれられることは確認されていた

- ▼
- FMQA により、**1,000回 (3%) 程度の試行**で、従来手法と同等以上の解を見つけることに成功！

*1 [進化計算コンペティション2017開催報告](#)

*2 [Multi-objective Bayesian optimization over high-dimensional search spaces](#)



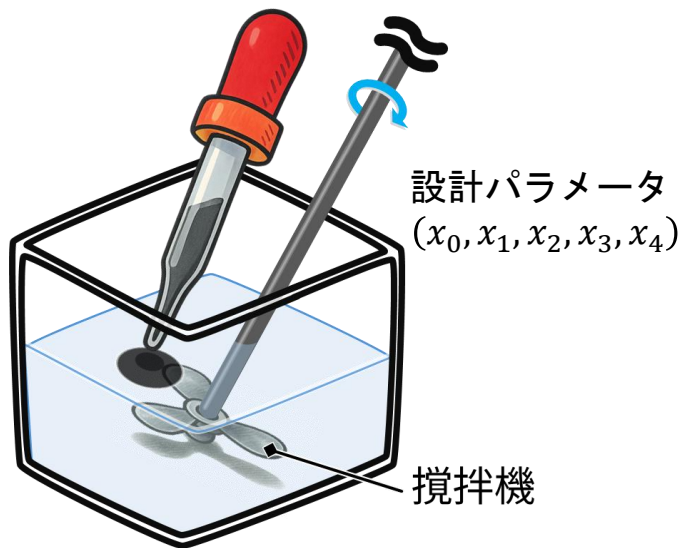
ブラックボックス最適化ハンズオン

問題設定及び目的関数

攪拌機器の設計・運転条件最適化

攪拌機器の設計・運転最適化

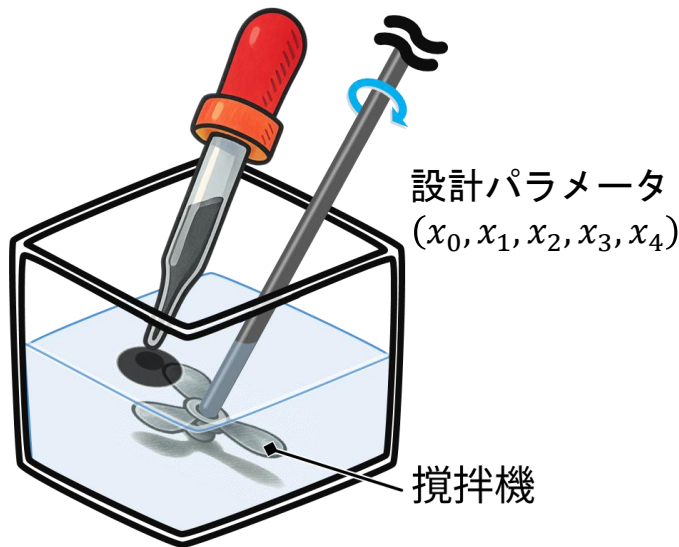
➡ 一定時間でできるだけ均一に攪拌できるように設計



攪拌機器の設計・運転条件最適化

攪拌機器の設計・運転最適化

- 一定時間でできるだけ均一に攪拌できるように設計
- 目的関数：攪拌後の物質濃度の空間変動値



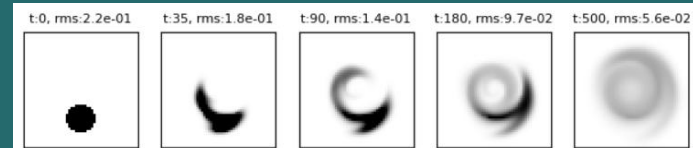
- ブラックボックスな目的関数

【入力】

設計パラメータ (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4)

【処理】

与えられた設計パラメータに基づく攪拌機による一定時間の攪拌シミュレーション



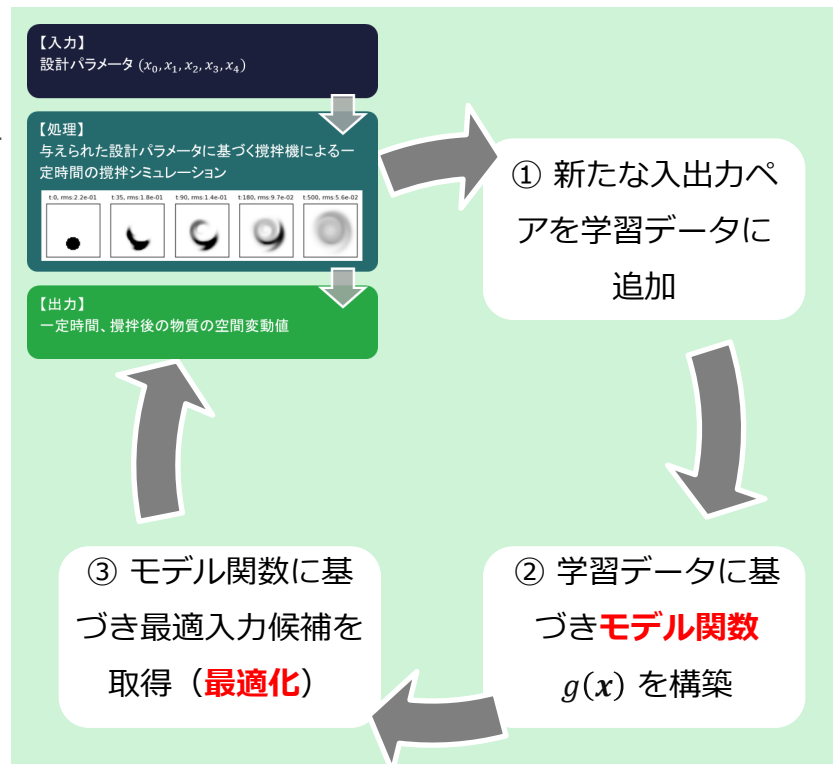
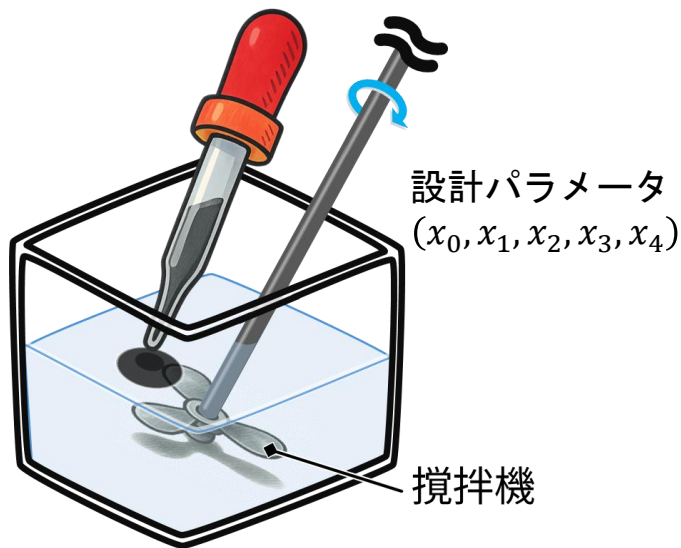
【出力】

一定時間、攪拌後の物質の空間変動値

攪拌機器の設計・運転条件最適化

攪拌機器の設計・運転最適化

- 一定時間でできるだけ均一に攪拌できるように設計
- 目的関数：攪拌後の物質濃度の空間変動値



ブラックボックス関数の実装

• 攪拌シミュレータ MixingSimulator

```
▶ # 与えられたパラメータ値でシミュレーターを初期化
simulator = MixingSimulator(x0, x1, x2, x3, x4)

# 時刻 500 までの攪拌シミュレーションを実施し、濃度の標準偏差 c_std を取得
c_std = simulator.simulate(duration=500)

# 結果表示
print(f"{c_std:~.3f}") # 攪拌後の濃度の標準偏差
simulator.plot_evolution(num_snaps=5) # 攪拌過程の濃度分布の時系列変化をプロット
```

【入力】

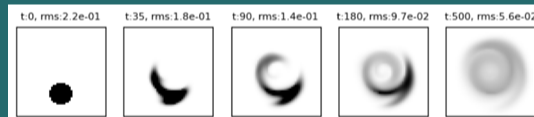
設計パラメータ (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4)

• ブラックボックス関数

```
▶ def blackbox(x0: int, x1: int, x2: int, x3: int, x4: int) -> float:
    s = MixingSimulator(x0, x1, x2, x3, x4)
    c_std = s.simulate(duration=500)
    s.plot_evolution()
    print(f"{c_std:~.3f}")
    return c_std
```

【処理】

与えられた設計パラメータに基づく攪拌機による一定時間の攪拌シミュレーション



【出力】

一定時間、攪拌後の物質の空間変動値

ブラックボックス最適化ハンズオン

1. FM機械学習

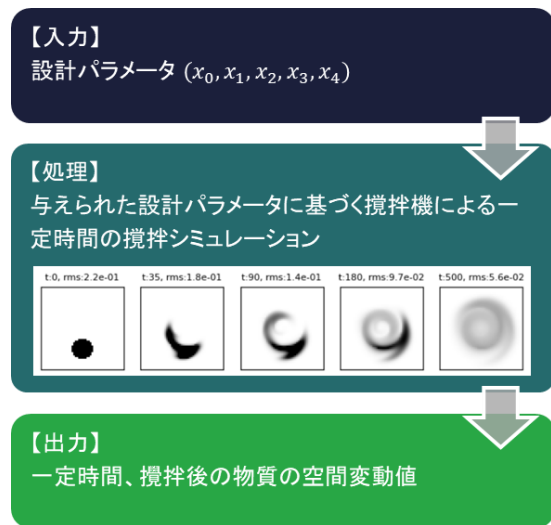
2. FMQA

ブラックボックス最適化のデモプログラム

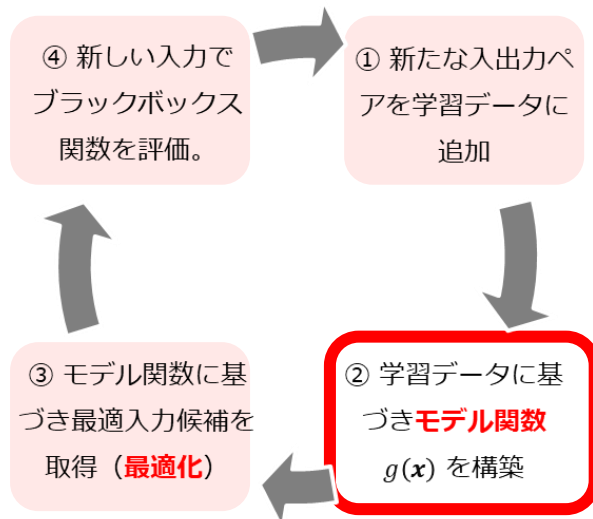
攪拌機的设计最適化、サンプルプログラム (FM機械学習)

https://colab.research.google.com/drive/195_mSDUKv3poUuXqzOTzbBFQ7Bh5p2SW

ブラックボックス関数



最適化サイクル



FM プログラム 1/6 (ブラックボックス関数の定義)

• 整数決定変数 (設計パラメータ) の値域の指定

```
▶ # 攪各設計パラメータの上限・下限値
bounds: dict[str, tuple[int, int]] = {
    "x0": (2, 10), # 2 <= x0 <= 10
    "x1": (5, 20), # 5 <= x1 <= 20
    "x2": (0, 45), # 0 <= x2 <= 45
    "x3": (1, 5), # 1 <= x3 <= 5
    "x4": (1, 4), # 1 <= x4 <= 4
}
```

• ブラックボックス関数の実装

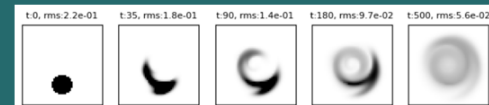
```
▶ def blackbox(x0: int, x1: int, x2: int, x3: int, x4: int) -> float:
    s = MixingSimulator(x0, x1, x2, x3, x4)
    c_std = s.simulate(duration=500)
    s.plot_evolution()
    print(f"{c_std=:.3f}")
    return c_std
```

【入力】

設計パラメータ (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4)

【処理】

与えられた設計パラメータに基づく攪拌機による一定時間の攪拌シミュレーション



【出力】

一定時間、攪拌後の物質の空間変動値

FM プログラム 2/6 (整数エンコーダーの補助クラス)

- 決定変数は整数、FM (QUBO)はバイナリ変数を考慮
 - 整数 \Leftrightarrow バイナリの変換を行うクラス

```
class IntegerVariable:
    """ブラックボックス最適化のための整数決定変数クラス。"""

    def __init__(
        self, bounds: tuple[int, int]
    ):
        self._bounds = bounds

    def encode(self, x: int) -> np.ndarray:
        """決定変数値をエンコードし、バイナリ化する関数"""
        if x < self._bounds[0] or x > self._bounds[1]:
            raise ValueError(f"x must be in {self._bounds}")
        ret = np.zeros(self._bounds[1] - self._bounds[0])
        ret[0 : x - self._bounds[0]] = 1
        return ret

    def decode(self, x: np.ndarray) -> int:
        """バイナリ値を整数決定変数値にデコードする関数"""
        if x.shape != self._q.shape:
            raise ValueError(f"x must be of shape {self._q.shape}")
        return x.sum() + self._bounds[0]
```

```
class Variables:
    """整数決定変数のリストを管理するクラス。"""

    def __init__(self, variable_list: list[IntegerVariable]):
        self._variable_list = variable_list

    def encode(self, x: list[int]) -> np.ndarray:
        """決定変数値をエンコードし、バイナリ化する関数"""
        ret: list[int] = []
        for i, var in enumerate(self._variable_list):
            ret += var.encode(x[i]).tolist() # type: ignore
        return np.array(ret)

    def decode(self, x: np.ndarray) -> np.ndarray:
        """バイナリ値を整数決定変数値にデコードする関数"""
        ret: list[int] = []
        ista = 0
        for _, var in enumerate(self._variable_list):
            iend = ista + len(var.binary_variables)
            ret.append(var.decode(x[ista:iend]))
            ista = iend
        return np.array(ret, dtype=int)

var_list = [IntegerVariable(bounds=b) for b in bounds.values()]
variables = Variables(var_list)
```


FM プログラム 3/6 (FMモデルの定義)

```
class TorchFM(nn.Module):
    def __init__(self, d: int, k: int):
        """モデルを構築する

        Args:
            d (int): 入力ベクトルのサイズ
            k (int): パラメータ k
        """
        super().__init__()
        self.d = d
        self.v = nn.Parameter(torch.randn((d, k)))
        self.w = nn.Parameter(torch.randn((d,)))
        self.w0 = nn.Parameter(torch.randn(()))

    def forward(self, x: torch.Tensor) -> torch.Tensor:
        """入力 x を受け取って y の推定値を出力する"""
        out_linear = torch.matmul(x, self.w) + self.w0
        out_1 = torch.matmul(x, self.v).pow(2).sum(1)
        out_2 = torch.matmul(x.pow(2), self.v.pow(2)).sum(1)
        out_quadratic = 0.5 * (out_1 - out_2)

        out = out_linear + out_quadratic
        return out
```

FM モデルを PyTorch で定義する

$$f(\mathbf{x}|\mathbf{w}, \mathbf{v}) = \underbrace{w_0 + \sum_{i=1}^d w_i x_i}_{\text{out_linear}} + \underbrace{\frac{1}{2} \left[\sum_{f=1}^k \underbrace{\left(\sum_{i=1}^d v_{if} x_i \right)^2}_{\text{out_1}} - \sum_{f=1}^k \underbrace{\sum_{i=1}^d v_{if}^2 x_i^2}_{\text{out_2}} \right]}_{\text{out_quadratic}}$$

FM プログラム 4/6 (FMの学習)

```
def train(
    x: np.ndarray,
    y: np.ndarray,
    model: TorchFM,
    plot_learning_curve=False,
) -> None:

    # イテレーション数
    epochs = 2000
    # モデルの最適化関数
    optimizer = torch.optim.AdamW([model.v, model.w, model.w0], lr=0.1)
    # 損失関数
    loss_func = nn.MSELoss()

    # データセットの用意
    x_tensor, y_tensor = (torch.from_numpy(x).float(), torch.from_numpy(y).float())

    dataset = TensorDataset(x_tensor, y_tensor)

    train_set, valid_set = random_split(dataset, [0.8, 0.2])
    if len(valid_set) == 0:
        valid_set = train_set
    train_loader = DataLoader(train_set, batch_size=8, shuffle=True)
    valid_loader = DataLoader(valid_set, batch_size=8, shuffle=True)

    # `range` の代わりに `tqdm` モジュールを用いて進捗を表示
    for i in trange(epochs, leave=False):
        # 学習過程
        for x_train, y_train in train_loader:
            optimizer.zero_grad()
            pred_y = model(x_train)
            loss = loss_func(pred_y, y_train)
            loss.backward()
            optimizer.step()
```

FM 学習は、通常の機械学習と同様に進める。教師データを学習・検証データに分割し、ミニバッチ学習。

- **x, y**: 教師データ
- **model**: FM モデル (TorchFM)
- **epochs**: エポック（繰り返し）の数
- **lr**: (初期) 学習率

学習済みモデルに対し、次のような評価を実施

```
# 教師データの入力値に基づきモデルを評価
print(f"corrcoef: {compute_corrcoef(model(x_tensor), y_tensor):.3f}")
print(f"RMS error: {min_loss:.3f}")
```

FM プログラム 5/6 (初期学習データ作成)

```
▶ def generate_random_input() -> np.ndarray:
    x: list[int] = []
    for v_min, v_max in bounds.values():
        x.append(rng.integers(v_min, v_max + 1))
    return np.array(x)

def init_training_data(num_samples: int):
    # n0 個の 長さ d の入力値を乱数を用いて作成
    data: list[np.ndarray] = []
    for i in range(num_samples):
        data.append(generate_random_input())
    x = np.array(data)

    # 入力値の重複が発生していたらランダムに値を変更して回避する
    x = np.unique(x, axis=0)
    while x.shape[0] != num_samples:
        x = np.vstack((x, generate_random_input()))
        x = np.unique(x, axis=0)

    # blackbox 関数を評価して入力値に対応する n0 個の出力を得る
    y = np.zeros(num_samples)
    for i in range(num_samples):
        y[i] = blackbox(*x[i])
    return x, y
```

学習データを乱数により生成

- **num_samples** : 学習データのサンプル数
- **blackbox** : ブラックボックス関数 (実験又はシミュレーション) $f(x)$

FM プログラム 6/6 (メイン部分)

サンプルコード :

https://colab.research.google.com/drive/195_mSDUKv3poUuXqzOTzbBFQ7Bh5p2SW

```
▶ # 初期教師データの作成
n_0 = 30
x, y = init_training_data(num_samples=n_0)
x_encoded = np.array([variables.encode(x[i]) for i in range(x.shape[0])])

# 機械学習モデルの作成
model = TorchFM(len(x_encoded[0]), k=10)

# モデル学習の実行
train(x_encoded, y, model, plot_learning_curve=True)
```

実際にサンプルプログラムを実行してみましょう。
デフォルトの条件から、

- FMのハイパーパラメータ (k)
- エポック数 (epochs)
- 学習率 (lr)

などを変更した場合、真値と予測値の相関係数及び
RMS誤差はどのように変化するのでしょうか？

ブラックボックス最適化ハンズオン

1. FM機械学習

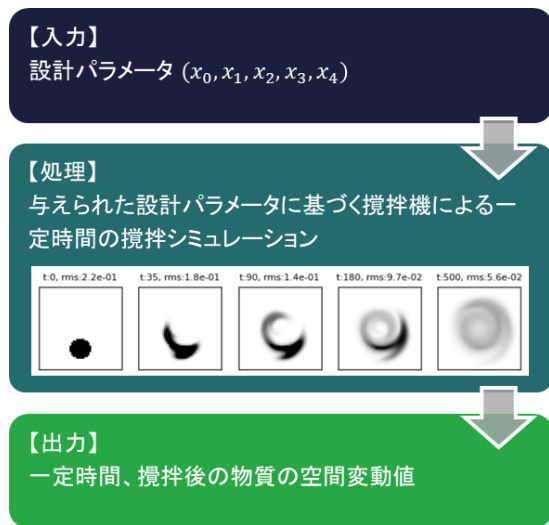
2. FMQA

ブラックボックス最適化のデモプログラム

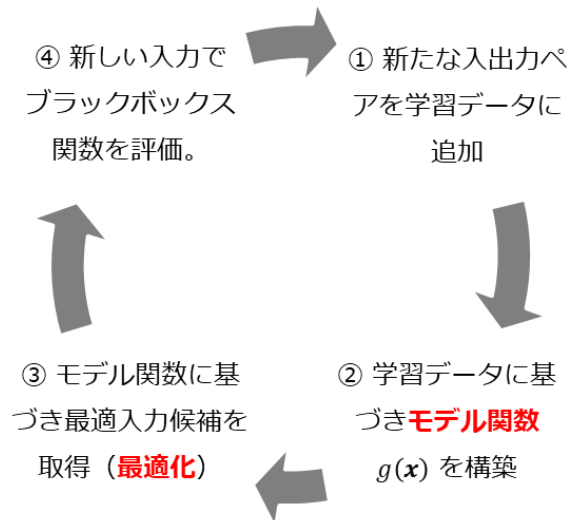
攪拌機的设计最適化、サンプルプログラム (FMQA)

<https://colab.research.google.com/drive/1ubEA1WIMEc6sBDxuHa0Nr5iC74pP0xQz>

ブラックボックス関数



最適化サイクル



FMQA プログラム 1/2 (アニーリング部分)

```
def anneal(torch_model: TorchFM) -> np.ndarray:
    """FM モデルのパラメータを受け取り、それらのパラメータにより記述される FM

    # TorchFM からパラメータ v, w, w0 を取得
    v, w, w0 = torch_model.get_parameters()

    # Amplify のバイナリ決定変数を取得
    x = variables.binary_variables

    # FM モデルと等価な QUBO モデル (目的関数) を作成
    out_linear = w0 + (x * w).sum()
    out_1 = ((x[:, np.newaxis] * v).sum(axis=0) ** 2).sum() # type: ignore
    out_2 = ((x[:, np.newaxis] * v) ** 2).sum()
    objective: Poly = out_linear + (out_1 - out_2) / 2

    # Amplify モデルを定義
    amplify_model = Model(objective, constraints)

    # 最小化を実行 (構築したモデルと、始めに作ったソルバークライアントを引数
    result = solve(amplify_model, client)
    if len(result.solutions) == 0:
        raise RuntimeError("No solution was found.")

    # モデルを最小化する入力ベクトル (最適設計パラメータ候補) を返却
    return x.evaluate(result.best.values).astype(int)
```

学習済みFMに基づき \hat{x} を推定する関数

- バイナリ決定変数配列の取得
- 学習済みモデルからモデル係数を取得
- モデル係数に基づき目的関数 $g(x)$ を構築
- solve の実行 (トークン有力を忘れずに)
- 本サイクルにおける \hat{x} を返却

FMQA プログラム 2/2 (メイン部分)

```
# 初期学習データ (x) をバイナリ値にエンコーディング
x_encoded = np.array([variables.encode(x[i]) for i in range(x.shape[0])])

# N 回のイテレーションを実行
# `range` の代わりに `tqdm` モジュールを用いて進捗を表示
for i in trange(n):
    # 機械学習モデルの作成
    model = TorchFM(len(x_encoded[0]), k=10)

    # モデル学習の実行
    train(x_encoded, y, model)

    # 学習済みモデルの最小値を与える入力ベクトルの値 (バイナリ値にエンコード済み) を取得
    x_hat = anneal(model)

    # x_hat が学習データ内サンプルと同一の場合はランダムに再生成
    while (x_hat == x_encoded).all(axis=1).any():
        x_hat_random = generate_random_input()
        x_hat = variables.encode(x_hat_random.tolist()) # type: ignore
        print("deduplication")

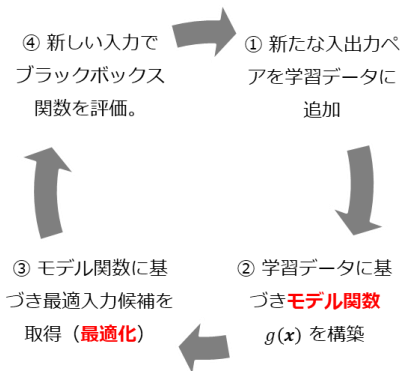
    # バイナリ決定変数値を整数決定変数値にデコード
    x_hat_decoded = variables.decode(x_hat)

    # 推定された入力ベクトルを用いてブラックボックス関数を評価
    y_hat = blackbox(*x_hat_decoded)

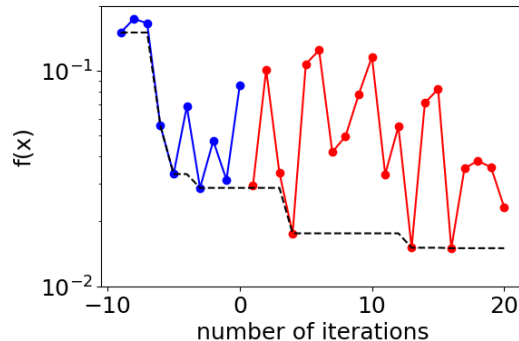
    # 評価した値をデータセットに追加
    x_encoded = np.vstack((x_encoded, x_hat))
    y = np.append(y, y_hat)
```

サンプルコード :

https://colab.research.google.com/drive/1ERe1W2hhGtRmMWDhi1_VjTg-0o2T9Mk



実際にサンプルプログラムを実行してみましょう！



FMQA プログラムの実務での活用方法

▶ `def blackbox(x0: int, x1: int, x2: int, x3: int, x4: int) -> float:`
 `s = MixingSimulator(x0, x1, x2, x3, x4)`
 `c_std = s.simulate(duration=500)`
 `s.plot_evolution()`
 `print(f"{c_std=:.3f}")`
 `return c_std`

▶ `def blackbox(x: np.ndarray) -> float:`
 `# xの組合せを元に実験を実施`
 `objective = input(f"{x=} で実験を実施し、結果を入力してください")`

 `# または、シミュレーションを実施`
 `objective = run_simulation(x) # type: ignore`

 `# 最小化したい目的関数値を取得・返却`
 `return objective`

基本的に、`blackbox()`を変更する。必要に応じて、現在の学習データの出力などを追加。

- 例①：`blackbox()` 内でシミュレーションを呼び出し、後処理、その戻り値を最小化するように最適化。
- 例②：`blackbox()` 内で実験を行う。つまり、1回のFMQAで推定された探索候補 \hat{x} を対象に実験し、結果を教師データに追加、次のFMQA 試行を行う。
- $h(x)$ を最大にするような入力 x を推定する場合は、 $-h(x)$ などを目的関数 $f(x)$ とする。

Amplify-BBOptによる実装負荷の軽減

Amplify-BBOpt 公式ドキュメント:
amplify.fixstars.com/ja/docs/amplify-bbopt/v1/

- Amplify SDK + Pytorch



- Amplify-BBOpt

```
from amplify_bbopt import FMTrainer, Optimizer, Dataset

# 最適化クラスのインスタンス化
optimizer = Optimizer(
    blackbox=bbfunc,
    trainer=FMTrainer(),
    client=client,
    training_data=Dataset(np.array(x), np.array(y)),
)

# 最適化を実行
optimizer.optimize(num_iterations=20)
```

サンプルプログラム :

colab.research.google.com/drive/1a8XP0-wsDbrWa8Lp3PGDhonbuAX_hIrx

今後について

ぜひ、デモ・チュートリアルにあるサンプルコードにも挑戦してみてください！

一般的な組合せ最適化問題

目的関数のみ
で定式化



チュートリアル基礎編
画像のノイズ除去
プログラミング難易度 ★★★★★
画像のノイズ除去を行うアプリケーションを開発します。

サンプルコード

制約条件のみ
で定式化



チュートリアル応用編
会議室割当問題
プログラミング難易度 ★★★★★
制約条件を用いて定式化するアプリケーションの例として会議室割当問題のアプリケーションを開発します。

サンプルコード

目的関数 + 制約条件



デモアプリケーション
巡回セールスマン問題
プログラミング難易度 ★★★★★
Fixstars Amplifyによる、巡回セールスマン問題の定式化を体験します。

デモアプリ

サンプルコード



デモアプリケーション
容量制約つき運搬経路問題 (CVRP)
プログラミング難易度 ★★★★★
配送における効率的な配送計画の策定やごみ収集や道路清掃における訪問順序の最適化等での応用が期待される容量制約つき運搬経路問題 (CVRP) を取り扱います。

デモアプリ

サンプルコード

ブラックボックス最適化問題

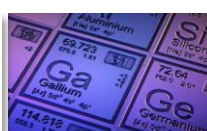
概要



チュートリアル応用編
ブラックボックス最適化 (1)
プログラミング難易度 ★★★★★
複雑で未知な目的関数にも適用可能な、機械学習と組み合わせ最適化を組み合わせたブラックボックス最適化手法を紹介し、Amplifyを用いて実装します。

サンプルコード

材料探索



チュートリアル応用編
ブラックボックス最適化 (2)
プログラミング難易度 ★★★★★
機械学習と量子アンニリング・イジングマシンを活用するブラックボックス最適化の応用例として、疑似的な高温超伝導を実現する材料探索を取り扱います。

サンプルコード

翼型最適化



チュートリアル応用編
ブラックボックス最適化 (4)
プログラミング難易度 ★★★★★
流体機構設計に不可欠な翼型の最適化問題を取り上げます。最適化には、組み合わせ最適化及び機械学習に基づくブラックボックス最適化と流体シミュレーションを用い、翼の揚力比を最大化するように翼型の探索を行います。

サンプルコード

信号機制御



チュートリアル応用編
ブラックボックス最適化 (5)
プログラミング難易度 ★★★★★
ブラックボックス最適化により、商業施設による交通集中が発生し得る都市における、交通渋滞を低減するような信号機群の最適制御を実施します。最適化の実施及び実証には、マルチ・エージェント・シミュレーションによる交通シミュレーションを用います。

サンプルコード

困った時はドキュメンテーションを！

<https://amplify.fixstars.com/docs/amplify/v1/index.html>



今後のセミナー予定・情報発信

今後も定期的に無料セミナーを開催します！

2026/2/12（受付中） 「多目的最適化 技術解説」

定式化ベースの多目的最適化に関する定式化やスケーリングに関するTipsを紹介。

2026/2/19（予定） 「エネルギーマネジメント最適化 ハンズオン」

エネルギーマネジメント最適化をハンズオンで実施。

2026/3/5（予定） 「Amplify-BBOpt 技術解説」

イジングマシン活用のブラックボックス最適化を簡単実装可能なライブラリAmplify-BBOptの使い方を紹介。

2026/3/18（予定） 「ブラックボックス最適化 （機械学習の特徴量抽出）」

ブラックボックス最適化による機械学習の特徴量抽出をハンズオンで実施。



[@FixstarsAmplify](https://twitter.com/FixstarsAmplify)

ご質問・ご不明点がありましたら、お問い合わせフォームでご連絡下さい

<https://amplify.fixstars.com/ja/contact>

Q&A